

Какие-то сведения по этой теме у нас уже есть из школы. А именно, мы знаем закон преломления:

Казалось бы, зачем ещё новая сложная теория. Ан нет. У школьной теории есть две проблемы:

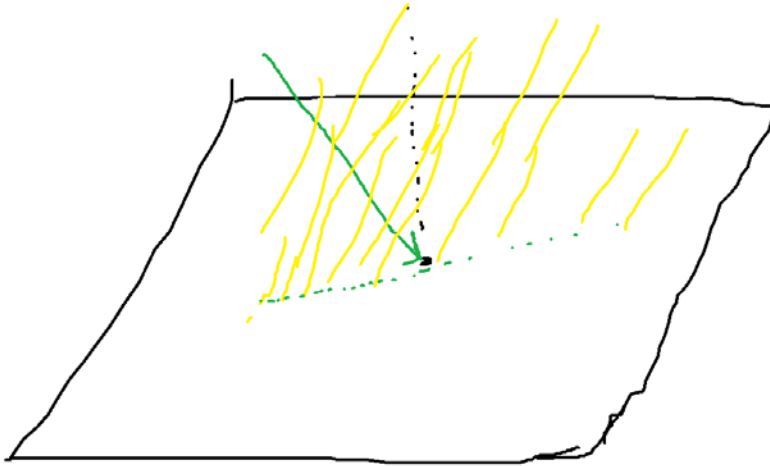
1) По школьной теории однозначно или весь свет проходит границу, или весь отражается. В то же время мы знаем, что это не так: для этого нам достаточно посмотреть в окно на вечернюю темень, и мы увидим помесь пейзажа за окном с пейзажем в комнате.

2) В случае, если на поверхность падает лучший свет в мире (в линейно поляризованный монохроматический), мы ничего не можем сказать про фазу волн после прохождения границы (и отражения), т.к. в школе у нас была лишь геометрическая оптика. А так ли нужна нам эта фаза? Всё равно регистрируем мы её интенсивность, которой наплевать на фазу – ей важен только модуль напряжённости. Оказывается, да, фаза нужна, чтобы подсчитать интерференцию. Помните, когда вы разбирали всякие интерференционные схемы, всплывало «т.к. свет отражается от более оптически плотной среды, к фазе добавляется π »? Если мы π добавлять не будем, то получим совершенно другой результат.

Итак, у нас даны две изотропные диэлектрические среды с показателями преломления n_1 и n_2 . На границу из среды 1 и среды 2 НЕ нормально границе сред (позже мы проговорим, почему это важно) падает луч.

Пусть этот луч будет линейно поляризованный и монохроматический – а если не так, я напомним, что мы любое излучение можем представить как сумму излучений по каким-то частотам, а любое излучение одной частоты (эллиптически поляризованное) представить в виде суммы двух линейно поляризованных волн.

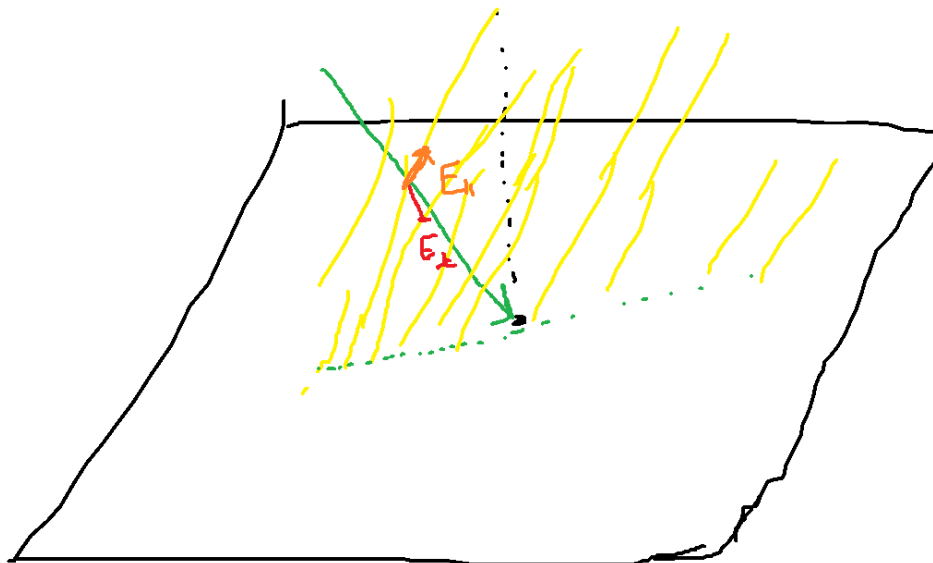
Проведём плоскость, проходящую через падающий луч и перпендикулярную плоскости границе сред. Такую плоскость всегда можно провести. Назовём её плоскостью действия.



Плоскость действия показана жёлтым цветом. В дальнейшем все плоские рисунки будут в плоскости действия.

Теперь давайте озаботимся поляризацией. Куда торчит напряжённость? Она в произвольном случае торчит хрен знает куда. Но мы можем её разложить на две компоненты:

- 1) Проекция напряжённости, перпендикулярной плоскости действия. Будем называть её E_{\perp} – перпендикулярная компонента.
- 2) Проекция напряжённости в плоскости поляризации. Будем называть её E_{\parallel} – параллельная компонента. Заметим, что мы заведомо знаем, что напряжённость перпендикулярна направлению распространения волны. Так что для описания произвольной поляризации начальной волны нам достаточно знать два числа - E_{\perp} и E_{\parallel} .



Аналогичную процедуру проделаем с отражённым и преломлённым лучом.

Теперь мы готовы. Откуда будем писать уравнения? Ну конечно, из уравнений Максвелла для границы сред! Помните, что нормальные проекции D по обе стороны одинаковы. Или нормальные проекции E ... Также равны тангенциальные компоненты D или E , нормальные B или H , тангенциальные B или H . И всё это в любой момент времени.

Нас интересуют амплитуды и начальные фазы отражённой и преломлённой волн.

Для прошедшей:

E падающей волны

E прошедшей волны

$$E_{\perp}(t) = t_{\perp} E_{\perp}(t)$$

$$E_{\parallel}(t) = t_{\parallel} E_{\parallel}(t)$$

Для отражённой:

E падающей волны

E прошедшей волны

$$E_{\perp}(t) = t_{\perp} E_{\perp}(t)$$

$$E_{\parallel}(t) = t_{\parallel} E_{\parallel}(t)$$

Соотношения часто записывают, используя коэффициенты r_{\parallel} , r_{\perp} , t_{\parallel} , t_{\perp} . По определению это отношение комплексной напряжённости отражённой (прошедшей) волны в точке, бесконечной близкой к границе сред, к комплексной напряжённости падающей волны, также в точке бесконечной близкой к границе сред. А т.к. напряжённости осциллируют, то эрки и тэшки вроде также должны зависеть от времени... На самом деле нет – в силу того, что отражённая и проходящая волна когерентны с исходной, эрки и тешки всё же константы. Но они могут быть комплексными – модуль будет равен отношению амплитуд конечной и начальной волны, и этот модуль домножится на $\exp(i\varphi)$, где φ – сдвиг по фазе, возникающий при взаимодействии с границей.

Формулы для этих эрок и тешек читателю представлены и называются формулами Френеля.

$$r_{\parallel} \equiv -\frac{\operatorname{tg}(\vartheta_i - \vartheta_t)}{\operatorname{tg}(\vartheta_i + \vartheta_t)} = -\frac{n^2 \cos \vartheta_i - \sqrt{n^2 - \sin^2 \vartheta_i}}{n^2 \cos \vartheta_i + \sqrt{n^2 - \sin^2 \vartheta_i}},$$

$$t_{\parallel} \equiv \frac{2 \sin \vartheta_t \cos \vartheta_i}{\sin(\vartheta_i + \vartheta_t) \cos(\vartheta_i - \vartheta_t)} = \frac{2n \cos \vartheta_i}{n^2 \cos \vartheta_i + \sqrt{n^2 - \sin^2 \vartheta_i}},$$

$$r_{\perp} = -\frac{\sin(\vartheta_i - \vartheta_t)}{\sin(\vartheta_i + \vartheta_t)} = \frac{\cos \vartheta_i - \sqrt{n^2 - \sin^2 \vartheta_i}}{\cos \vartheta_i + \sqrt{n^2 - \sin^2 \vartheta_i}},$$

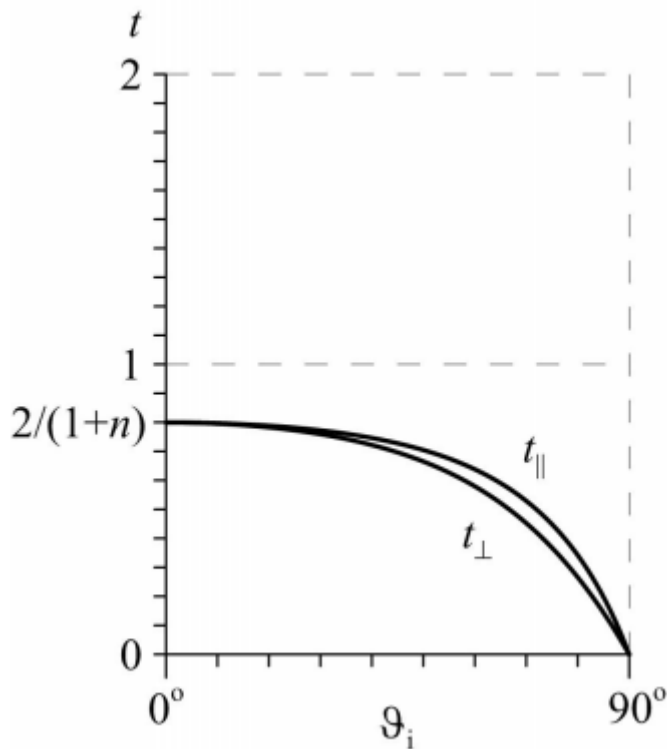
$$t_{\perp} = \frac{2 \sin \vartheta_t \cos \vartheta_i}{\sin(\vartheta_i + \vartheta_t)} = \frac{2 \cos \vartheta_i}{\cos \vartheta_i + \sqrt{n^2 - \sin^2 \vartheta_i}}.$$

Здесь они записаны для краткости через n – отношение оптических плотностей сред (второй к первой). Также дана и альтернативная форма записи, через углы. θ_i – угол между нормалью и падающей волной, θ_t – угол между нормалью и прошедшей волной.

Давайте проанализируем каждое из четырёх уравнений.

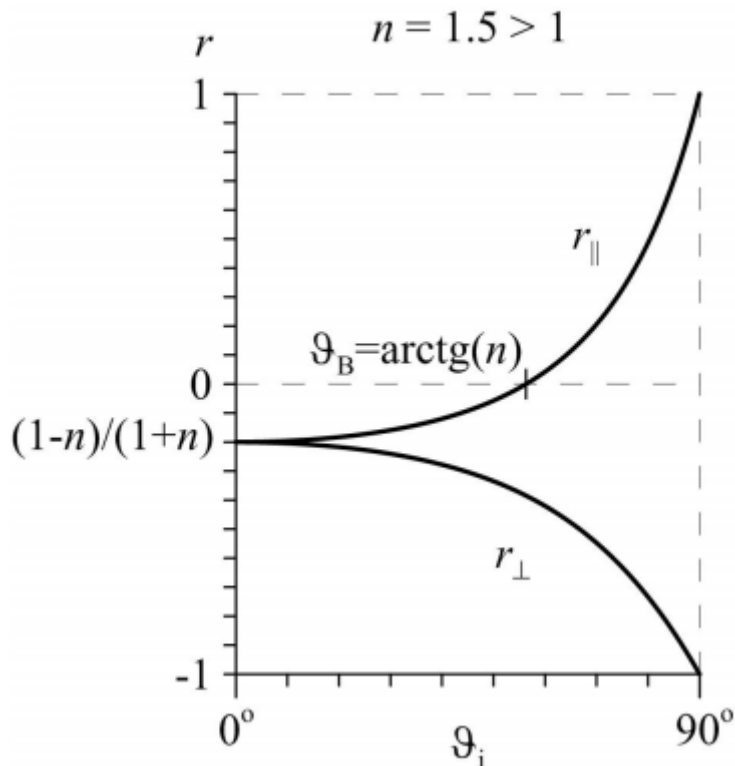
Случаю $n > 1$ соответствует переход из менее оптически плотной среды в более оптически плотную. В этом случае r и t вещественны при любых угла падения.

Графики зависимости коэффициента прохождения от угла падения:

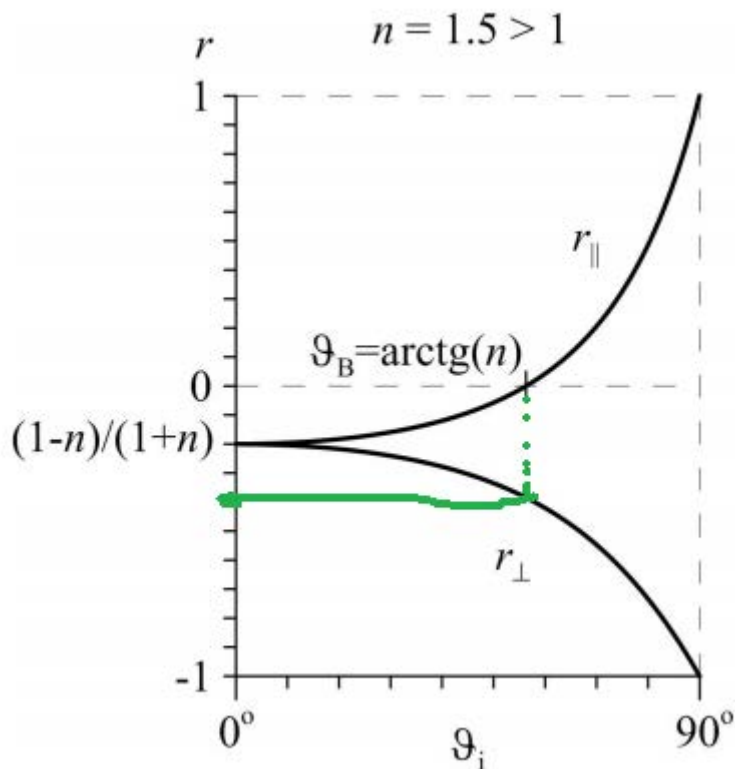


Как мы видим, значение t шек практически одинаково для обеих поляризаций. Отметим, что t всегда не меньше нуля. Если мы вспомним, что $t = \text{отношение амплитуд} \cdot \exp(i\varphi)$, а отношение амплитуд всегда положительно, то это будет значить, что при прохождении границы фаза волны не меняется. А вот амплитуда меняется – заметим, что t всегда меньше 1. Таким образом, полностью отправить волну внутрь более оптической плотной среды без потери амплитуды (и интенсивности I) у нас не получится. Это не должно нас удивлять: если вы вспомните формулу для объёмной плотности энергии, то она прямо пропорциональна ϵ , которая равна квадрату показателя преломления. Так как свет переходит в более оптически плотную среду, там больше ϵ , и чтобы вдруг интенсивность прошедшей волны не превосходила интенсивности падающей (тогда бы нарушался закон сохранения энергии), мы должны сбавить амплитуду.

Что у нас для коэффициентов отражения?



О-па, а он уже может быть отрицательным. Более того, одна из компонент (соответствующая поляризации, перпендикулярная плоскости действия) отрицательна всегда. Значит, такой луч всегда меняет фазу на π . А вот другая компонента интереснее: то меняет фазу на π , то нет, а при каком-то угле падения вообще обращается в 0. Этот угол называется углом Брюстера - $\text{arctg}(n)$? Как мы видим, при угле Брюстера одна из двух компонент поляризации исходного света **отражённого** света зануляется. Это, кстати, можно использовать для поляризации света. Правда, отметим, что, конечно, амплитуда от такого способа поляризации неполяризованного света упадёт по сравнению с тем, что было: она уменьшится вот до такого значения



А всё остальное пойдёт в отражённую волну.

Не путайте угол Брюстера с углом полного внутреннего отражения: Брюстер – это $\arctg(n) = \arctg(n_2/n_1)$, а полное внутреннее отражение – $\arcsin(n) = \arcsin(n_2/n_1)$. И угол Брюстера всегда меньше угла полного внутреннего отражения.

Кстати, давайте сравним два наших графика. Видим, что чем больше угол падения, тем больше света отражается, а чем меньше угол падения, тем больше света проходит. Уж не равна ли сумма r и t для каждой компоненты поляризации константе, не зависящей от угла?

Почти. А именно, константе (единице) равна сумма R и T , где R по определению $\text{abs}(r^2)$, или же отношению

$$R = \frac{\overline{I}_{\text{отражённой}}}{\overline{I}_{\text{падающей}}}$$

А $T = \text{abs}(t^2)$ или же

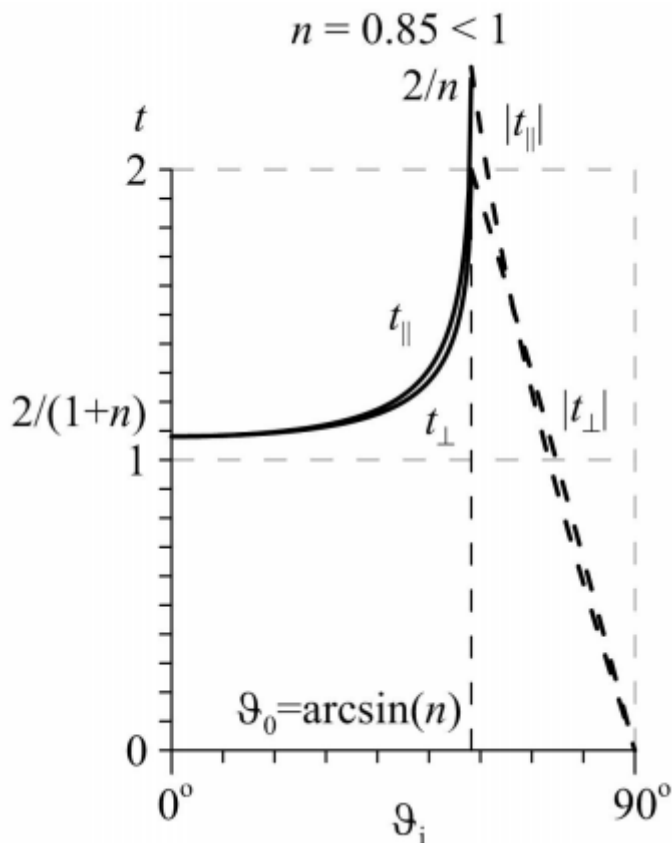
$$T = \frac{\overline{I}_{\text{прошедшей}}}{\overline{I}_{\text{падающей}}}$$

Так как интенсивность – это поток мощности, то R и T выражают доли мощности, пошедшую в отражённую и прошедшую волну. Именно поэтому R и T называются энергетическими коэффициентами отражения и прохождения.

Сумма R и T, если их подсчитать из формул Френеля, всегда один, так что ЗСЭ не нарушается.

Перейдём к случаю $n < 1$, т.е. свет падает из более оптически большой среды.

Для тешек:



До какого-то момента всё происходит чинно-благородно: аналогично тому, как при переходе в оптически более плотную среду, амплитуда проседала, то

здесь она, напротив, возрастает (n больше 1). Но у нас никуда не делся угол полного внутреннего отражения – $\arcsin(n)$. А что дальше? При углах падения, больше угла полного внутреннего отражения

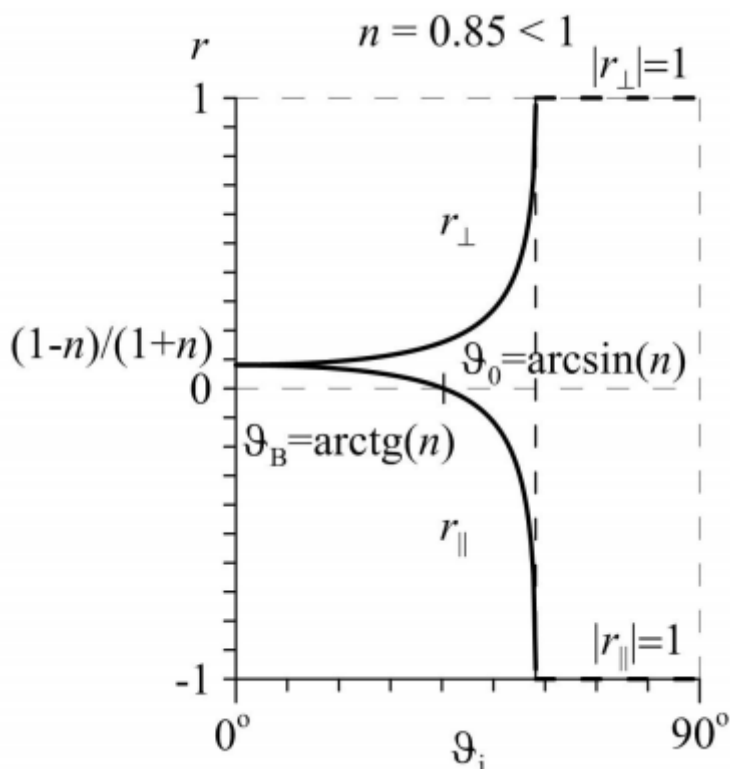
$$r_{\perp} = \frac{2 \cos \vartheta_i}{\cos \vartheta_i + \sqrt{n^2 - \sin^2 \vartheta_i}}$$

$$r_{\parallel} = \frac{2n \cos \vartheta_i}{n^2 \cos \vartheta_i + \sqrt{n^2 - \sin^2 \vartheta_i}}$$

выражение под радикалом становится отрицательным, радикал – мнимым, знаменатель и обе тшки – комплексными.

Что же произойдёт в этом случае? Сначала разберёмся с эрками, характеризующие отражённые волны.

Взглянем на их график:



До угла полного внутреннего преломления всё чинно-мирно, опять-таки, при угле Брюстера одна из компонент зануляется. А в угле внутреннего преломления у нас происходят чудеса, и при больших углах эрки также становятся комплексными, но модули их единица! Что это значит?

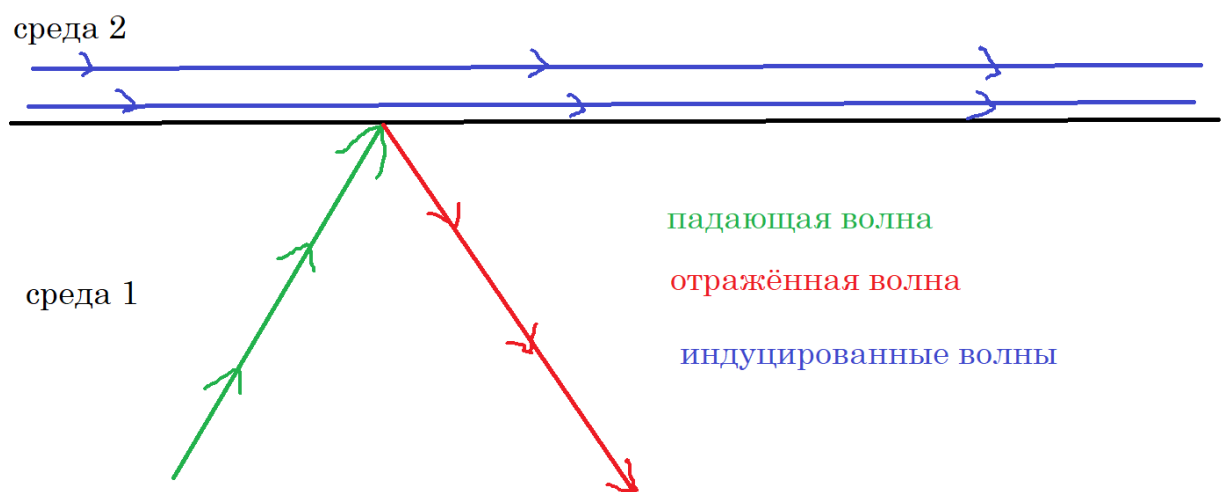
Напомню, что r – это

$$z = \frac{E_{\text{отражённой волны}}(t)}{E_{\text{падающей волны}}(t)} = \frac{A_{\text{отражённой волны}} e^{i\varphi}}{A_{\text{падающей волны}}}$$

И если модуль r – эта единица, то получается, что амплитуда отражённой волны будет такая же, как у исходной! Ну там ещё домножение на фазу какое-то (его посчитать достаточно сложно, для желающих – Сивухин, стр.415), но амплитуда та же, и следовательно, вся мощность исходной волны идёт в отражённой. Иначе бы, как вы понимаете, мощность волны в оптоволокне, где волна многократно внутренне отражается, очень быстро бы гасла и Интернета у нас не было, не было ТикТоков ваших, пришлось бы телевизор смотреть и всё равно деградировать.

Следовательно, в случае полного внутреннего отражения энергетические коэф-ты $R=1$, и следовательно, $T=0$.

Вернёмся всё-таки к прошедшей волне. Казалось бы, у нас нарушается закон сохранения энергии: вся мощность уходит в отражённую и ещё часть в прошедшую. Оказывается, что на самом деле он не нарушается: вся мощность от падающей волны передаётся в отражённую, но это отражение как бы индуцирует в среде 2, куда волна так и не попала, волну из минус бесконечности до плюс бесконечности. Обязательная иллюстрация:



Естественный вопрос: а эти волны индуцируются на какой глубине? Ведь вторая среда может быть очень толстой. Оказывается, что мощность этих волн экспоненциально гаснет от расстояния до границы сред.

Ещё одна особенность – скорость этих индуцированных волн меньше, чем скорость обычных волн в среде 2, т.е. c/n_2 . Она зависит от углов падения, но она всегда именно меньше.

Для иллюстрации рассмотрим пример. Предположим, что из стекла свет переходит в воду. Вода – менее плотный оптический материал, нежели стекло, а угол падения мы подобрали такой, что у нас полное внутреннее отражение.

Пока падающей волны нет, в среде 2 (воде) никаких индуцированных волн нет. Теперь мы достали лазер и светим. В воде (ближайших к стеклу слоях) начинают разгоняться индуцированные волны, и у нас некоторое время происходит сложный переходный процесс, в ходе которого, вообще говоря, полного внутреннего отражения нет – часть мощности проходит в воду. Наконец, индуцированные в воде волны разгоняются до нужной скорости, и мы приходим к полному внутреннему отражению.

Термин «индуцированные волны» придумал автор этой статьи, в учебниках его нет. Аккуратнее с его использованием на экзамене.